

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Varianta 49

Prof. Ciocănaru Viorica

SUBIECTUL I		(30 de puncte)
1.	$\frac{1}{10}$	5p
2.	39 lei	5p
3.	320 cm ²	5p
4.	-11	5p
5.	32 cm	5p
6.	$5\sqrt{3}$ cm	5p
SUBIECTUL II		(30 de puncte)
1.	<p>Desenează piramida.</p> <p>Notează piramida.</p> <p>Desenează triunghiul format din înălțimea piramidei, apotema bazei și apotema piramidei și îl notează.</p>	<p>2p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>
2.	<p>Scrie formula $(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$.</p> <p>Face înlocuirile și calculele $(2\sqrt{2} - \sqrt{3})^3 =$ $(2\sqrt{2})^3 - 3(2\sqrt{2})^2\sqrt{3} + 3(2\sqrt{2})(\sqrt{3})^2 - (\sqrt{3})^3 = 16\sqrt{2} - 24\sqrt{3} + 18\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$.</p> <p>Finalizează $(2\sqrt{2} - \sqrt{3})^3 = 34\sqrt{2} - 27\sqrt{3}$.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
3.	<p>Scrie ecuația dată sub forma echivalentă $x - 2 = 2(x + 3)$.</p> <p>Desface paranteza, separă și reduce termenii asemenea și găsește $x = -8$.</p> <p>Scrie $S = \{-8\}$ și precizează că -8 nu poate reprezenta lungimea unui segment pentru că este negativ.</p>	<p>1p</p> <p>3p</p> <p>1p</p>
4.	a) Notează $f(x) = ax + b$, $a, b \in \mathbf{R}$.	1p

	<p>Din $A, B \in G_f$ scrie relațiile $f(2) = 4$ și $f(-1) = -3$ și apoi $2a + b = 4$, respectiv $-a + b = -3$.</p> <p>Rezolvă sistemul $\begin{cases} 2a + b = 4 \\ -a + b = -3 \end{cases}$ obține soluția $S = \{(\frac{7}{3}, -\frac{2}{3})\}$ și finalizează</p> <p>$f(x) = \frac{7}{3}x - \frac{2}{3}$.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p>
	<p>b) Reprezintă grafic funcția f folosind oricare două puncte ale sale.</p> <p>Duce perpendicularele din A pe Ox și din B pe Oy, le prelungește până se intersectează în C și scrie coordonatele sale $C(2, -3)$</p>	<p>3p</p> <p>2p</p>
5	<p>Scrie ecuația $x + 2\sqrt{2} - \sqrt{3} = \pm\sqrt{2}$.</p> <p>Obține $x + 2\sqrt{2} = \sqrt{3} \pm \sqrt{2}$ și apoi $x + 2\sqrt{2} = \pm(\sqrt{3} \pm \sqrt{2})$.</p> <p>Obține $x_1 = \sqrt{3} - \sqrt{2}$, $x_2 = -\sqrt{3} - 3\sqrt{2}$, $x_3 = \sqrt{3} - 3\sqrt{2}$, $x_4 = -\sqrt{3} - \sqrt{2}$ și apoi</p> <p>$S = \{-\sqrt{3} - 3\sqrt{2}, \sqrt{3} - 3\sqrt{2}, -\sqrt{3} - \sqrt{2}, \sqrt{3} - \sqrt{2}\}$.</p>	<p>1p</p> <p>2p</p> <p>2p</p>
SUBIECTUL III		(30 de puncte)
1.	<p>a) Scrie $L_{\text{sector cerc}} = \pi R u / 180^0$</p> <p>$A_{\text{suprafețelor plane}} = 3 \cdot 20 \cdot 800 = 48000 \text{ (cm}^2\text{)},$ pentru o coloană.</p> <p>$A_{\text{suprafețelor circulare}} = 3 \cdot 10 \pi \cdot 800 = 24000 \pi \text{ (cm}^2\text{)},$ pentru o coloană.</p> <p>Suprafața pictată este $2 \cdot (48000 + 24000 \pi) = 48000(2 + \pi) \text{ (cm}^2\text{)}.$</p>	<p>1p</p> <p>2p</p> <p>1p</p> <p>1p</p>
	<p>b) Din punctul a) rezultă $k = A_{\text{suprafeței circulare}} / A_{\text{suprafeței plane}}$</p> <p>Calculează k și obține $k = \pi / 2$.</p> <p>Raportul procentual este 157,14%.</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>
	<p>c) Scrie $A_{\Delta\text{echilat}} = l^2 \sqrt{3} / 4$ și $A_{\text{sector cerc}} = \pi R^2 u / 360^0$</p> <p>Calculează $A_{\text{secțiunii}} = A_{\Delta\text{echilat mare}} - 3 A_{\Delta\text{echilat mic}} + 3 A_{\text{sector cerc}}$</p>	<p>2p</p> <p>2p</p>

	$A_{\text{secțiunii}} = 60^2 \sqrt{3} / 4 - 3 \cdot 20^2 \sqrt{3} / 4 + 3 \cdot 10^2 \pi / 2 = 150 (4 \sqrt{3} - \pi) \text{ (cm}^2\text{)}.$ $V_{\text{coloane}} = 2 \cdot A_{\text{secțiunii}} \cdot h, \quad V_{\text{coloane}} = 240000 (4 \sqrt{3} - \pi) \text{ (cm}^3\text{)}.$	1p
2.	<p>a) Observă faptul că cele 4 sectoare de cerc scoase din pătratul albastru formează un cerc $L_{\text{cerc}} = 2\pi R$ iar segmentul rămas din latura pătratului are lungimea $60 - 2 \cdot 12 = 36$</p> <p>Calculează $L_{\text{cerc}} = 24\pi \text{ cm}$, $L_{\text{segmente}} = 4 \cdot 36 = 144 \text{ (cm)}$.</p> <p>Calculează lungimea conturului exterior (albastru) $24\pi + 144 = 24(\pi + 6)$.</p>	2p 2p 1p
	<p>b) Observă faptul că motivele geometrice roșii au aceeași formă cu motivul albastru de la punctul a) deci $L_{\text{cerc}} = 8\pi \text{ cm}$, $L_{\text{segmente}} = 4 \cdot 12 = 48 \text{ cm}$ </p> <p>$L_{\text{formă}} = 8\pi + 48 = 8(\pi + 6) \text{ (cm)}$.</p> <p>Observă faptul că motivul  nu are lungimea laturii modificată, deci $P = 4 \cdot 20 = 80$</p> <p>Calculează lungimea conturului motivului geometric (roșu) $4 \cdot 8(\pi + 6) + 80 = 16(2\pi + 17) \text{ (cm)}$</p>	3p 1p 1p
	<p>c) Scrie $A_{\text{pătrat}} = l^2$, folosește punctul a) pentru $A_{\text{cerc}} = \pi R^2$.</p> <p>Calculează aria figurii  $A_1 = 20^2 - \pi 4^2 = 4^2(5^2 - \pi)$.</p> <p>Calculează aria figurii  $A_2 = 20^2 - 4 \cdot 4^2 = 4^2(5^2 - 4) = 21 \cdot 4^2$.</p> <p>Calculează aria motivului geometric (roșu) $A_{\text{motiv roșu}} = 4 \cdot A_1 + A_2$</p> <p>$A_{\text{motiv roșu}} = 4 \cdot 4^2(5^2 - \pi) + 21 \cdot 4^2 = 4^2(121 - 4 \cdot \pi) \text{ (cm}^2\text{)}.$</p>	1p 1p 1p 2p